PROF: ATMANI NAJIB 1er BAC lettre

Pourcentages : Résumé de cours et méthodes

Pourcentage d'une grandeur

DÉFINITION

La proportion en pourcentage d'une quantité A par rapport à une quantité totale B est égale à $\frac{A}{B} \times 100$ (en %)

Exemple:

La proportion en pourcentage de 18 élèves par rapport à un total de 120 élèves est égale à 15 % car $\frac{18}{120} \times 100 = 15$.

PROPRIÉTÉ

Prendre x\% d'une grandeur revient à la multiplier par $\frac{x}{100}$

Exemples:

- 5% de 640 euros représente $\frac{5}{100} \times 640 = 32$ euros .
- 1,5 litres représente 12,5% du volume total V d'un récipient. Pour calculer V, on exprime que 1,5 = $\frac{12,5}{100} \times V$. D'où, V = $1.5 \times \frac{100}{12.5} = 12$ litres.

Expression en pourcentage d'une augmentation ou d'une diminution

PROPRIÉTÉ

- Augmenter une grandeur de x% revient à la multiplier par $\left(1 + \frac{x}{100}\right)$.
- Diminuer une grandeur de x% revient à la multiplier par $\left(1 \frac{x}{100}\right)$

Exemples:

- Augmenter une grandeur de 3% revient à la multiplier par $1 + \frac{3}{100} = 1,03$. Augmenter une grandeur de 100% revient à la multiplier par $1 + \frac{100}{100} = 2$.
- Un produit coûte 500 euros. Après une augmentation de 4%, son prix sera égal à $\left(1 + \frac{4}{100}\right) \times 500 = 520$ euros.
- Diminuer une grandeur de 12% revient à la multiplier par $1 \frac{12}{100} = 0,88$. Diminuer une grandeur de 50% revient à la multiplier par $1 \frac{50}{100} = 0,5$.
- Une action valant 15 euros baisse de 6%. Sa nouvelle valeur est égale à $\left(1 \frac{6}{100}\right) \times 15 = 14, 1$ euros.

Remarque: $\left(1 + \frac{x}{100}\right)$ et $\left(1 - \frac{x}{100}\right)$ sont appelés coefficients multiplicateurs.

PROPRIÉTÉ

Multiplier une grandeur par un coefficient t revient à lui appliquer une variation en pourcentage de $(t-1) \times 100$.

Exemples:

- Multiplier une grandeur par 1,15 revient à lui appliquer une variation de 15 % car $(1,15-1)\times 100=15$. (cela correspond en fait à une hausse de 15%)
- Multiplier une grandeur par 0,64 revient à lui appliquer une variation de -36 % car $(0,64-1) \times 100 = -36$. (cela correspond en fait à une baisse de 36%)

PROF : ATMANI NAJIB 1er BAC lettre

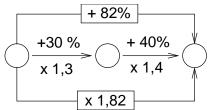
3 Application aux variations successives

PROPRIÉTÉ

Lors d'augmentations ou de diminutions successives, les coefficients multiplicateurs se multiplient mais les pourcentages ne s'ajoutent pas.

Exemples:

• Augmenter une grandeur de 30%, puis de 40% ne revient pas à l'augmenter globalement de 70%! En fait, on la multiplie par $\left(1+\frac{30}{100}\right)=1,3$, puis par $\left(1+\frac{40}{100}\right)=1,4$. Ce qui revient à la multiplier en tout par $1,3\times1,4=1,82$. Ce qui correspond à une hausse de 82 % car $(1,82-1)\times100=82$.



• Diminuer une grandeur de 25%, puis l'augmenter de 50% ne revient pas à l'augmenter globalement de 25%. On la multiplie d'abord par $\left(1-\frac{25}{100}\right)=0,75$, puis par $\left(1+\frac{50}{100}\right)=1,5$. Ce qui revient à la multiplier en tout par $0,75\times1,5=1,125$. Ce qui correspond à une hausse de 12,5% car $(1,125-1)\times100=12,5$.

• Etant donné un capital de 1000 euros qui augmente de 3,5% par an. Chaque année, il est multiplié par $\left(1+\frac{3,5}{100}\right)=1,035$. Au bout de 10 ans, ce capital aura donc atteint la somme de $(1,035)^{10}\times 1000\approx 1410,60$ euros. Cela correspond à une hausse globale de 41% car $(1,035)^{10}\times 100\approx 41$.

4 Evolution d'une grandeur en pourcentage

PROPRIÉTÉ

L'évolution en pourcentage d'une grandeur est égale à : $\frac{\text{valeur finale} - \text{valeur initiale}}{\text{valeur initiale}} \times 100$.

Exemple:

Un produit passant de 64 à 72 euros subit une hausse de 12,5 % car $\frac{72-64}{64} \times 100 = 12,5$.

5 Pourcentages de pourcentages

PROPRIÉTÉ

Prendre x% de y% d'une grandeur revient à prendre directement $\frac{xy}{100}\%$ de cette grandeur.

Exemple:

Prendre 20% de 45% d'une quantité revient à prendre directement 9% de cette quantité car $\frac{20 \times 45}{100} = 9$.